

## Propiedades elementales

En un espacio vectorial  $(E,*)$  sobre un cuerpo  $(K,\oplus,\otimes)$  y para cualesquiera que sean los vectores  $\bar{x}, \bar{y}$ , y los escalares  $\alpha, \beta$ , se verifica lo siguiente:

a) Por ser  $(E,*)$  un grupo abeliano

1) El neutro de la ley  $*$  al que llamaremos  $\bar{0}$  es único.

2) El opuesto de un vector  $\bar{x}$ , al que llamaremos  $(-\bar{x})$  es único.

3) La ecuación  $\bar{x} * \bar{a} = \bar{b}$  tiene solución única.

4) Se puede simplificar, es decir:

$$\text{Si } \bar{a} + \bar{x} = \bar{b} + \bar{x} \text{ entonces } \bar{a} = \bar{b}$$

b) Por existir la ley de composición externa  $\nabla$  y siendo  $\bar{0}$  neutro de  $*$ ,  $0$  neutro de  $\oplus$  y  $1$  neutro de  $\otimes$ ,  $(-\alpha)$  simétrico de  $\alpha$  respecto de  $\oplus$  y  $(\alpha^{-1})$  el simétrico de  $\alpha$  respecto de  $\otimes$

$$1) 0 \nabla \bar{x} = \bar{0}$$

$$2) \alpha \nabla \bar{0} = \bar{0}$$

$$3) \text{Si } \alpha \nabla \bar{x} = \bar{0} \text{ entonces } \alpha = 0 \text{ o bien } -(\alpha \nabla \bar{x}) = \bar{x} = \bar{0}$$

$$4) -(\alpha \nabla \bar{x}) = (-\alpha) \nabla \bar{x} = \alpha \nabla (-\bar{x})$$

$$5) \text{Si } (\alpha \nabla \bar{x}) = (\beta \nabla \bar{x}) \text{ y } \bar{x} \neq \bar{0} \text{ entonces } \alpha = \beta$$

$$6) \text{Si } (\alpha \nabla \bar{x}) = (\alpha \nabla \bar{y}) \text{ y } \alpha \neq 0 \text{ entonces } \bar{x} = \bar{y}$$